

# Ingenieur- informatik

Mitschrift der Vorlesung von Prof. Zacherl im SS 2000

Christian Hampp

(keine Gewähr auf Richtigkeit und Vollständigkeit)

## Inhaltsverzeichnis

	Seite
<b>1. Programmaufbau</b>	<b>3</b>
Grundstruktur:	3
Allgemeine Bemerkungen:	3
Kommentare:	3
Konstanten:	4
Variable:	4
Namen (Identifizier):	4
<b>2. Einfache Datentypen</b>	<b>5</b>
2.1 Ganze Zahlen	5
Einschub: Dezimalzahlen – Dualzahlen	5
2.2 Reelle Zahlen (Gleitkommazahlen)	7
2.3 Zeichen	7
ASCII – Code:	7
2.4 Logischer Datentyp	8
<b>3. Operatoren und Standardfunktionen</b>	<b>8</b>
3.1 Arithmetische Operatoren	8
Modulofunktion	8
3.2 Mathematische Funktionen	9
3.3 Logische Operatoren	9
<b>4. Verzweigungen</b>	<b>10</b>
4.1 If-Anweisung	10
4.2 Switch-Anweisung (Mehrfachanweisung)	14
<b>5. Schleifen (Loops)</b>	<b>16</b>
5.1 While-Schleife	16
5.2 Do-While-Schleife	17
5.3 For-Schleife	17
5.4 Kontrollbefehle "break" und "continue"	23
<b>6. Arrays (Felder)</b>	<b>24</b>
<b>7. Unterprogramme (Funktionen)</b>	<b>27</b>
7.1 Allgemeines Schema für Unterprogramme	28
2.7 Werte und Variablenparameter	31
7.2 Rekursion	35
<b>8. Ein- und Ausgabe über Dateien</b>	<b>38</b>

# Ingenieurinformatik

## 1. Programmaufbau

### Grundstruktur:

```
int main ()
{...}
```

main: Schlüsselwort für Hauptprogramm

int: Hauptprogramm gibt ganze Zahl an das Betriebssystem zurück

(): Innerhalb dieser Klammern können dem Hauptprogramm Informationen übergeben werden.

{...}: Block, der die Befehle des Programms enthält.

### Einführendes Beispiel:

```
#include <iostream.h>           Einbinden der Ein-/Ausgabefunktionen
int main()
{
  /*Programm berechnet Umfang und Fläche des Kreises*/           Kommentar
  const float pi=3.14159265;           Konstante
  float rad, umf, fla;           Variablen
  cout<<"Bitte Radius eingeben! ;
  cin>>rad;           Aus-/Eingabe
  umf=2*pi*rad;
  fla=rad*rad*pi;           Berechnung
  cout<<"Fläche: "<<fla<<endl;
  cout<<"Umfang: "<<umf;           Ausgabe
  return 0;           Festlegen des Rückgabewertes
}           Ende
```

### Allgemeine Bemerkungen:

- Groß- und Kleinschreibung werden unterschieden (z.B. fla und Fla sind verschiedene Variablen)
- Alle Schlüsselwörter (reservierten Wörter) müssen klein geschrieben werden. (z. B. main, float, cin, cout,...)
- Jeder Befehl (innerhalb der geschweiften Klammern {}) wird mit ";" abgeschlossen.
- Die Formatierung (zusätzliche Leerzeichen) ändert das Programm nicht. An manchen Stellen ist mindestens ein Leerzeichen zur Trennung notwendig. (z.B. const float)

### Kommentare:

- beliebige Zeichenfolge, die eine Erläuterung des Programms enthält.
- können an beliebiger Stelle im Programm stehen

- Kennzeichnung: `/*...*/` eingeschlossener Kommentar  
`//...` Kommentar bis Zeilenende
- werden bei der Ausführung des Programms nicht berücksichtigt
- Kommentare können zum Überspringen von Programmteilen benutzt werden

### Konstanten:

- verwendet für Werte, die konstant bleiben
- Typ, Name und Wert einer Konstanten werden nach dem Schlüsselwort `const` angegeben
- Mehrere Konstanten können durch Wiederholung des Schlüsselwortes `const` definiert werden oder durch Trennung mit Strichpunkt nach **einem** Schlüsselwort `const`.

Bsp.: `const float pi=3.14159265;`  
`const float e=2.7182818;`  
`const int N=10;`

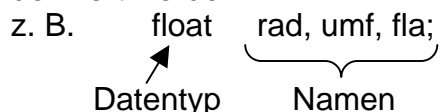
oder `const float pi=3.14159265; float e=2.7182818; int N=10;`  
 oder `const float pi= ... ,e= .... ;int N=10;`

### Variable:

- Speicherung / Benennung

Name	Speicherplatzadresse	Werte
rad	10123	1.0
umf	10124	6.28319
fla	10125	3.141592

- Namen und die Datentypen der Variablen müssen zu Beginn des Programms definiert werden.

z. B. `float rad, umf, fla;`  


- Anfangswerte können bei der Definition gleich angegeben werden  
`float rad=3.7, umf=6.73, fla;`
- Variable verschiedenen Datentyps werden durch Strichpunkt getrennt.  
 Beispiel: `int a, b; float c, d, e=4.5;` oder `int a; int b; float e=4.5`

### Namen (Identifizier):

- Name ist eine Folge von Zeichen bestehend aus Buchstaben, Ziffern und "\_" (Underscore / Unterstrich)
- Name beginnt stets mit Buchstabe oder Underscore
- nicht erlaubt sind Sonderzeichen wie: ! Ä Ü Ö ä ö ü \$ -
- nicht zulässig sind reservierte Wörter als Namen (z. B. `main`, `float`, `const`, `return`,...)
- Namen können im Prinzip beliebig lang sein, aber mehr als 10 Zeichen sollten nicht verwendet werden

Beispiele für Namen:

H2SO4	ok	Übung1	f
123A	f	Main	ok
V2A_Stahl	f	otto	ok
V2A_Stahl	ok	Ott0	f
uebung_1	f		

## 2. Einfache Datentypen

einfach = vom System bereitgestellt  
(später: zusammengesetzte Datentypen = selbst definierte Datentypen)

### 2.1 Ganze Zahlen

Name des Datentyps	Anzahl der Bits	Zahlenbereich
int	16	-32.768,...,0,...,32.767 ( $-2^{15} \dots 0 \dots 2^{15}-1$ )
unsigned int	16	0,...,65.535 ( $2^{16}-1$ )
long	32	-2.147.483.648,...,0,...,2.147.483.647 ( $-2^{31} \dots 0 \dots 2^{31}-1$ )
unsigned long	32	0,...,4.294.967.295

### Einschub: Dezimalzahlen – Dualzahlen

Dezimalsystem:  $3147 = 3 \cdot 1000 + 1 \cdot 100 + 4 \cdot 10 + 7 \cdot 1$

Tausender    Einer  
 \            /  
 /            \  
 Hunderter    Zehner

- Grundzahl 10
- Stellenwerte:  $10^n$   $n = 0, 1, 2, 3, \dots$
- Ziffern: (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)

Dualsystem:  $00101011 = 32 + 8 + 2 + 1 = 43$

$2^5$   $2^3$   $2^1$   
 |    |    |  
 00101011  
 |    |    |  
 $2^4$   $2^2$   $2^0$

- Grundzahl 2
- Stellenwerte:  $2^n$   $n = 0, 1, 2, 3, \dots$
- Ziffern: (0, 1)

Umrechnung Dezimal  $\rightarrow$  Dual

z.B.  $115 = 64 + 51 = 64 + 32 + 19 = 64 + 32 + 16 + 2 + 1$   
 $\Rightarrow 1110011$

Darstellung ganzer Zahlen:

Anzahl der Bits (Stellen) sei  $n = 3$

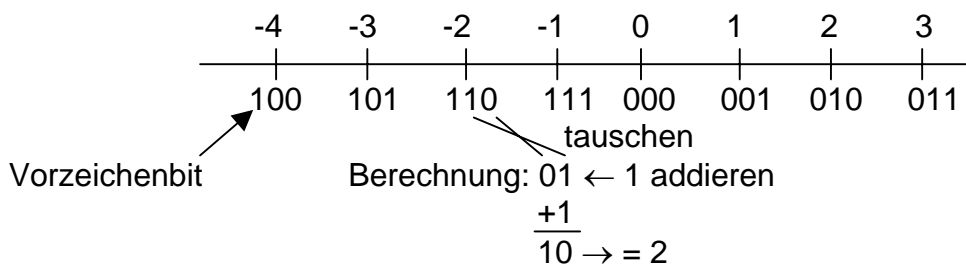
a) positive ganze Zahlen (unsigned ...)

000 = 0	100 = 4	allgemeiner Zahlenbereich: $0, \dots, 2^n - 1$
001 = 1	101 = 5	
010 = 2	110 = 6	
011 = 3	111 = 7	

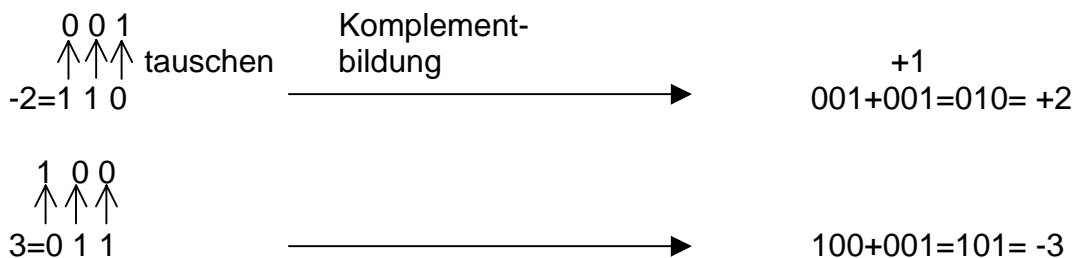
b) positive und negative ganze Zahlen (int, long)

- Kennzeichen des Vorzeichens erforderlich  
→ benutze z.B. das erste Bit zur Kennzeichnung des Vorzeichens  
0 = +      1 = -  
⇒ 0 hat zwei verschiedene Darstellungen, nämlich 000 ("0") und 100 ("-0")

Ausweg: Zweierkomplementdarstellung



- allgemeiner Zahlenbereich:  $-2^{n-1}, \dots, 0, \dots, 2^{n-1} - 1$
- Komplementbildung:



Übungsaufgabe:

Zur Darstellung ganzer Zahlen negativ und positiv in Zweierkomplementdarstellung stehen 5 bit zur Verfügung.

- a) Wie lautet die Darstellung der Null und der Zahl -1?  
00000 = 0      -1 = 11111
- b) Welcher Zahlenbereich lässt sich darstellen?  
 $-2^4, \dots, 0, \dots, 2^4 - 1 = -16, \dots, 0, \dots, 15$
- c) Wie lautet das Bitmuster der kleinsten Zahl?  
10000 = -16

## 2.2 Reelle Zahlen (Gleitkommazahlen)

Name des Datentyps	Anzahl der Bits	Zahlenbereich	Genauigkeitsstellen
float	32	$\pm 3,4 \cdot 10^{-38} \dots \pm 3,4 \cdot 10^{38}$	7
double	64	$\pm 1,7 \cdot 10^{-308} \dots \pm 1,7 \cdot 10^{308}$	15
long double	80	$\pm 3,4 \cdot 10^{-4932} \dots \pm 3,4 \cdot 10^{4932}$	19

Darstellung:  $\pm 147.2617e-2 = 1,472617$

## 2.3 Zeichen

- Bezeichnung durch das reservierte Wort "char" (character)
- dient zur Darstellung einzelner Zeichen
  - Buchstaben 'a'; 'A'; 'T'
  - Ziffern '0'; '1'; '2'; ...
  - Sonderzeichen '!'; 'ü'; 'ö'; '\$'
- Zeichen immer in Hochkommas eingeben

### Beispiel:

```

a = stern    →    a = '*'
a = 'x'     →    a = 'x'
a = 'a'     →    a = 'a'
  
```

### ASCII – Code:

- Frage/ Problem: Wie werden die Zeichen in Bitmuster mit den dualen Ziffern 0 und 1 umgesetzt?
- ASCII – Code gibt die Standardisierung an
- ASCII – Code verwendet zur Darstellung eines Zeichens immer 8 Bit (= 1 Byte)
- Maximal können 256 Zeichen ( $2^8$ ) dargestellt werden
- Bitmuster
  - 'a': dezimal 97 = 64+32+1  
97 = 01100001
  - '8': dezimal 56 = 32+16+8  
= 00111000 = 38hex
  - 'W': hexadezimal 57 = 01010111 = 87dez  
0101 / \ 0111

- nur Teilbereiche (Buchstaben, Ziffern) sind standardisiert

## 2.4 Logischer Datentyp

- Wird mit dem reservierten Wort "bool" bezeichnet
- kann nur die logischen Werte 0 = false und 1 = true annehmen

## 3. Operatoren und Standardfunktionen

### 3.1 Arithmetische Operatoren

**Grundrechenarten:** Addition: +  
 Subtraktion: -  
 Multiplikation: \*  
 Division: /

- Verknüpfung von ganzen Zahlen liefert wieder ganze Zahl  
 z.B.  $\text{int} / \text{int} = \text{int}$  d.h.  $3 / 2 = 1$
- Verknüpfung von reellen Zahlen liefert immer reelle Zahl  
 z.B.  $3.0 / 2.0 = 1.5$
- Enthält ein Term sowohl ganze als auch reelle Zahlen, so ist das Ergebnis eine reelle Zahl  
 z.B.  $3.0 / 2 = 1.5$

### Modulofunktion

- mit dem Zeichen "%" gekennzeichnet

**Beispiele:**  $9 \% 5 = 4$                        $(-9) \% (-5) = -4$   
 $9 \% (-5) = 4$                        $23 \% 3 = 2$   
 $(-9) \% 5 = -4$

- **nur "int"**
- Die Modulofunktion gibt den ganzzahligen Rest bei der Division ganzer Zahlen an, wobei das Ergebnis das Vorzeichen des Dividenden hat  
 z.B.  $9 / 5 = 1$  Rest 4

**weitere Beispiele:**  $3 \% 10 = 3$                        $0 \% 3 = 0$   
 $31 \% 1 = 0$                        $1 \% 3 = 1$   
 $9 \% 2.0 =$  (nicht zulässig, da nur für ganze Zahlen definiert)  
 ↑  
 reelle Zahl!

**allgemein gilt:**

$$n \% m = \pm \{0; 1; \dots; m-1\}$$

↑  
Vorzeichen von n



- Zur Unterscheidung von geraden und ungeraden Zahlen verwendet

$$n \% 2 \begin{cases} 0 = \text{gerade Zahl} \\ 1 = \text{ungerade Zahl} \end{cases}$$

### Regeln für die Auswertung von Termen

- Die Operatoren (/; \*; %) werden vor den Operatoren (+; -) ausgeführt
- Mehrere Operatoren gleicher Stufe (z.B. /; \*; %) werden in der Reihenfolge von links nach rechts ausgeführt
- Klammerausdrücke (nur runde Klammern) werden von innen nach außen aufgelöst

**Beispiele:**

$5 + 25 \% 6 = 6$	$6 / (2 * 6.0) = 6 / 12.0 = 0.5$
$(5 + 25) \% 6 = 30 \% 6 = 0$	$6 / 2 * 6 = 18$
$6 / 2 * 6.0 = 18$	$6 / (2 * 6) = 6 / 12 = 0 \text{ (int-Typ!)}$

### 3.2 Mathematische Funktionen

- sind in der Bibliothek <math.h> enthalten, die zu Programmbeginn eingebunden werden muss

```
#include <math.h>
```

#### Wichtigste Funktionen:

- Potenzfunktion:  $x^y = \text{pow}(x, y)$
  - Quadratwurzel:  $\sqrt{x} = \text{sqrt}(x)$
  - Sinus:  $\sin(x)$
  - Cosinus:  $\cos(x)$
  - Exponentialfunktion:  $\exp(x)$
  - natürlicher Logarithmus:  $\log(x)$
  - Betrag:  $\text{fabs}(x)$
- } im Bogenmaß

### 3.3 Logische Operatoren

#### a) Vergleichsoperatoren

Operator	Bedeutung
==	gleich
<	kleiner
<=	kleiner-gleich
>	größer
>=	größer-gleich
!=	ungleich

- werden auf Variablen/ Konstanten gleichen Typs angewendet, wobei auch ganze Zahlen mit reellen Zahlen verglichen werden können
- Ergebnis ist immer vom Datentyp "bool"; d.h. true (1) oder false (0)

**Beispiele:** 3.14 > 3 true (1)      3.14 != 3 true (1)  
 'A' < 'B' true (1) (Reihenfolge nach ASCII-Code)  
 5 == 4 false (0)

Variable gleichen Typs  
 ↙  
 a = (b == c); ⇒ Folge: a hat den Wert 0 und 1!  
 ↘  
 bool-Variable

## b) Verknüpfungsoperatoren

- verknüpfen logische Aussagen/ Werte
- Operatoren: && logisches Und (And)  
                   || logisches Oder (Or)  
                   ! Negation

### Wahrheitstabellen:

&&	f	t
f	f	f
t	f	t

	f	t
f	f	t
t	t	t

!	f	t
f	t	f
t	f	t

**Beispiel:** (a > 0) && (a <= 2)    **nicht:** 0 < a <= 2

## 4. Verzweigungen

### 4.1 If-Anweisung

**Beispiel:** Berechnung der Quadratwurzel

```
#include <math.h>
#include <iostream.h>
int main()
{
  /* Programm berechnet Quadratwurzel einer Zahl*/
  /* Bei negativer Zahl wird Fehlermeldung ausgegeben*/
  float zahl,ergeb;
  cout<<"Bitte Zahl eingeben!";
  cin>>zahl;
  if (zahl<0)
  {
    cout<<"Quadratwurzel kann nicht berechnet werden.";
    cout<<"Zahl ist negativ!";
  }
  else
  {
    ergeb = sqrt(zahl);
    cout<<"Ergebnis:"<<ergeb;
  }
  return 0;
}
```

**Allgemeines Schema:**

```

If (Bedingung)
{
Anweisungsblock 1
}
else
{
Anweisungsblock 2
}

```

**Bemerkungen:**

- Bedingung darf nur die Werte false (0) und true (1) annehmen
- true: **nur** Anweisungsblock 1 wird ausgeführt
- false: **nur** Anweisungsblock 2 wird ausgeführt
- else-Zweig kann entfallen z.B. bei Zahl  $\geq 0$  erfolgt überhaupt keine Aktion

**Weiteres Beispiel:** Minimum von 3 reellen Zahlen

Schreiben Sie ein Programm, das 3 reelle Zahlen einliest, das Minimum berechnet und ausgibt.

```

#include <iostream.h>
int main()
{
float a,b,c;
cout<<"Bitte 3 reelle Zahlen eingeben!"<<endl;
cin>>a>>b>>c;
if ((a<=b) && (a<=c))
{
cout<<"Minimum ist:"<<a;
}
if ((b<=a) && (b<=c))
{
cout<<"Minimum ist:"<<b;
}
if ((c<=a) && (c<=b))
{
cout<<"Minimum ist:"<<c;
}
return 0;
}

```

**alternative Lösung:**

```
float min;
```

```
min = a;
if (b<=a);
{
min = b;
}
if (c<=min);
{
min = c;
}
```

**Geschachtelte If-Anweisung**

```
if (Bedingung 1)
{
    if (Bedingung 2)
    {
        Anweisung 1
    }
    else
    {
        Anweisung 2
    }
}
else
{
    if (Bedingung 3)
    {
        Anweisung 3
    }
    else
    {
        Anweisung 4
    }
}
```

Bedingung 1	Bedingung 2	Bedingung 3	Anweisung
t	t	t	1
t	t	f	1
t	f	t	2
t	f	f	2
f	t	t	3
f	t	f	4
f	f	t	3
f	f	f	4

**Weitere Beispiele:** Schaltjahr

Schreiben Sie ein Programm, das eine Jahreszahl einliest, und angibt, ob es sich um ein Schaltjahr handelt, oder nicht.

1600	1700	1800	1900	1904	...	1996	2000	2004	2100
j	n	n	n	j		j	j	j	n

Regel: Es liegt ein Schaltjahr vor, wenn die Jahreszahl durch 4, aber nicht durch 100 teilbar ist, oder wenn die Jahreszahl durch 400 teilbar ist.

```
#include <iostream.h>
int main()
{
int jahr;
cout<<"Geben Sie die Jahreszahl ein!";
cin>>jahr;
if ((jahr%4==0) && (jahr%100!=0))
{
cout<<"Schaltjahr";
}
else
{
if (jahr%400==0)
{
cout<<"Schaltjahr";
}
else
{
cout<<"Kein Schaltjahr";
}
}
return 0;
}
```

**weitere Lösung:**

```
if((jahr%4==0) && (jahr%100!=0) || (jahr%400==0))
{
cout<<"Schaltjahr";
}
else
{
cout<<"Kein Schaltjahr";
}
}
```

## 4.2 Switch-Anweisung (Mehrfachanweisung)

**Beispiel:** Schreiben Sie ein Programm, das die Punktwertung der Kollegstufe in Zeugnisnoten umsetzt.

Punkte	Note
0	ungenügend
1, 2, 3	mangelhaft
4, 5, 6	ausreichend
7, 8, 9	befriedigend
10, 11, 12	gut
13, 14, 15	sehr gut

### a) Lösung mit if-Anweisung:

```

|
{
int pun
cout<<"Geben Sie die Punktezahl ein!";
cin>>pun;
if(pun==0)
{
cout<<"ungenügend";
}
|
if((pun==1) || (pun==2) || (pun==3))
{
cout<<"mangelhaft";
}
|

```

### b) Lösung mit Switch-Anweisung:

```

#include<iostream.h>
int main()
{
int pun;
cout<<"Geben Sie die Punktezahl ein!";
cin>>pun;
switch (pun)
{
case 0: cout<<"ungenügend"; break;
case 1: case 2: case 3: cout<<"mangelhaft"; break;
case 4: case 5: case 6: cout<<"ausreichend"; break;
|
case 13: case 14: case 15: cout<<"sehr gut"; break;

```

```

default: cout<<"Unzulässige Eingabe"; break;
}
return 0;
}

```

### Allgemeines Schema

```

switch(Ausdruck)
{
case wert11: case wert12: ... Anweisung 1; break;
case wert21: case wert22: ... Anweisung 2; break;

```

```

case wert n1: case wert n2: ... Anweisung n; break;
default: alternative Anweisung; break; ← (kann weggelassen werden)

```

### Bemerkungen:

- Ausdruck ist vom Datentyp Integer oder Character (nicht zulässig: float, double, d.h. reelle Zahlen)
- Werte müssen ausgerechnet sein oder als Konstante definiert sein (keine Variablen)
- Default-Zweig kann weggelassen werden. Trifft dann kein Wert zu, wird keine Anweisung ausgeführt.
- Break-Anweisung führt zum Ende der Verzweigung

### Weiteres Beispiel: Römische Ziffern

Schreiben Sie ein Programm, das eine römische Ziffer einliest und den zugehörigen Dezimalwert ausgibt.

Es gilt:

I = 1	C = 100
V = 5	D = 500
X = 10	M = 1000
L = 50	

```

#include <iostream.h>
int main()
{
char rom;
int dez;
cout<<"Geben Sie eine römische Zahl ein!";
cin>>rom;
dez = 0;
switch(rom)
{
case 'I': dez = 1; break;
case 'V': dez = 5; break;
case 'X': dez = 10; break;
case 'L': dez = 50; break;
case 'C': dez = 100; break;

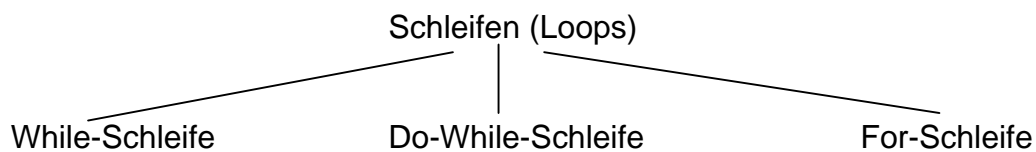
```

```

case 'D': dez = 500; break;
case 'M': dez = 1000; break;
default: cout<<"Unzulässige Eingabe";
}
if (dez>0)
cout<<"Die Dezimalzahl heißt:"<<dez;
return 0;
}

```

## 5. Schleifen (Loops)



### 5.1 While-Schleife

Schreiben Sie ein Programm, das die Quadrate der Zahlen 1 bis 20 auf den Bildschirm schreibt!

also 1 4 9 16 25 ...

```

#include <iostream.h>
#include <math.h>
int main()
{
int zahl, qua;
zahl = 1;
while(zahl<=20)
{
qua = pow(zahl,2);
cout<<qua<<" ";
zahl = zahl + 1;
}
return 0;
}

```

#### Allgemeines Schema:

```

while(Bedingung)
{
Anweisungen der Schleife
}

```

#### Bemerkungen:

- Anweisungen werden solange ausgeführt, bis die Bedingung falsch wird
- Ist die Bedingung beim ersten Anlauf falsch, wird die Schleife ganz übersprungen



## 5.2 Do-While-Schleife

### Allgemeines Schema:

```
do
{
Anweisungen der Schleife
}
while(Bedingung);
```

### Unterschiede zur While-Schleife:

- Bedingung wird am Ende der Schleife geprüft  
→ Schleife wird mindestens einmal durchlaufen
- oft benutzt - um zulässige Dateneingabe sicherzustellen  
- um Programme ohne Neustart zu wiederholen

### Beispiel: Wurzelberechnung

```
#include <iostream.h>
#include <math.h>
int main()
{
float zahl, ergeb;
char antwort;
do
{
do
{
cout<<"Bitte Zahl >= 0 eingeben";
cin>>zahl;
}
while (zahl<0);
ergeb=sqrt(zahl);
cout<<"Wurzel aus "<<zahl<<" ist: "<<ergeb<<endl;
cout<<"Weitermachen (j/n) ?"<<endl;
cin>>antwort;
}
while (antwort=='j');
return 0;
}
```

## 5.3 For-Schleife

### Beispiel: Berechnung der Fakultät

$$n \in \mathbb{N}: n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot n$$

z.B.  $4! = 24$   
 $1! = 1$

```

/* Fakultätsberechnung */
#include <iostream.h>
int main()
{
int n, i;
long fakul;
fakul=1;
cout<<"Bitte eine ganze Zahl eingeben!";
cin>>n;
for(i=2; i<=n; i=i+1)
{
fakul=fakul*i;
}
cout<<"Fakultät von "<<n<<" ist: "<<fakul<<endl;
return 0;
}

```

### allgemeines Schema:

```

for(Anfangswert; Bedingung; Veränderung)
{
Anweisungen der Schleife
}

```

### Bemerkungen:

- Für Anfangswert, Bedingung und Veränderung sind ganze oder reelle Zahlen erlaubt.  
z.B. float i  
for (i=1.0; i<13; i=i+2.5)  
{  
...  
}
- Der Datentyp der Laufvariablen (bisher i) kann auch erst **in** der Schleife definiert werden.  
z.B. for (float i=1.0; i<13; i=i+2.5)
- Wird die Laufvariable um 1 erhöht bzw. erniedrigt, so können folgende Abkürzungen benutzt werden:  
i=i+1 → i++  
i=i-1 → i--
- Erfüllt der Anfangswert die Bedingung nicht, so wird die Schleife ganz übersprungen.  
z.B. for (int i=3; i<=2; i--)

### Geschachtelte For-Schleifen

```

z.B. for (int i=1; i<=2; i++)
{
for (int j=1; j<=3; j++)
{

```

```

    for (int k=4; k>=1; k- -)
    {
        cout
    }
}

```

**Bemerkung:** Geschachtelte Schleifen werden von innen nach außen abgearbeitet

**Ausgabe:** 114  
 113  
 112  
 111  
 124  
 123  
 122  
 121  
 134  
 133  
 132  
 131  
 214  
 213  
 212  
 211  
 ...  
 ...

**Übungsaufgabe:** Welche Ausgabe liefert das folgende Programm?

```

#include <iostream.h>
int main()
{
    int kount=0, summe=0;
    for (int i=1; i<=3; i++)
    {
        for (int j=i; j<=3; j++)
        {
            for (int k=j-i; k<=j; k++)
            {
                cout<<i<<j<<k<<endl;
                kount=kount+1;
                summe=summe+k;
            }
        }
    }
    cout<<kount<<endl;
    cout<<summe<<endl;
    return 0;
}

```

i	j	k	Ausgabe	
1	1	0, 1	110	
			111	
			121	
	2	1, 2	121	
			122	
			132	
2	3	2, 3	132	
			133	
			133	
	2	2	0, 1, 2	220
				221
				222
		3	1, 2, 3	231
				232
				233
3	3	0, 1, 2, 3	330	
			331	
			332	
		333		

kount = 16 = Anzahl der Ausgaben  
 summe = 24 = Summe der k-Werte

### Weitere Beispiele zu Schleifen:

1) Größter gemeinsamer Teiler nach Euklid:

Gegeben seien:  $a, b \in \mathbb{N}$

gesucht  $\text{ggT}(a, b)$

$$\begin{array}{l}
 a = 36 = 2 \cdot 18 = 2 \cdot 2 \cdot 9 = \mathbf{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3} \\
 b = 84 = 2 \cdot 42 = 2 \cdot 2 \cdot 21 = \mathbf{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 7}
 \end{array}
 \left. \vphantom{\begin{array}{l} a \\ b \end{array}} \right\} \text{ggT}(36, 84) = 12$$

### Euklidischer Algorithmus

1)  $\text{ggT}(a, a) = a$

2) Der größte gemeinsame Teiler bleibt unverändert, wenn die größere der beiden Zahlen durch die Differenz der beiden Zahlen ersetzt wird.

also:  $\text{ggT}(a, b) = \text{ggT}(a, b - a)$  für  $b > a$   
 $\text{ggT}(a, b) = \text{ggT}(a - b, b)$  für  $b < a$   
 $\text{ggT}(36, 84) = \text{ggT}(36, 48) = \text{ggT}(36, 12) = \text{ggT}(24, 12) = \text{ggT}(12, 12) = \mathbf{12}$

### Programm:

```

/*Euklidischer Algorithmus*/
#include <iostream.h>
int main()
{
  int a, b, am, bm;
  cout<<"Bitte 2 natürliche Zahlen eingeben!";
  cin>>a>>b;
}

```

```

am=a; bm=b;
while(a!=b)
{
if(b>a)
{
b=b-a;
}
else
{
a=a-b;
}
}
cout<<"GGT von "<<am<<" und "<<bm<<" ist: "<<b;
return 0;
}

```

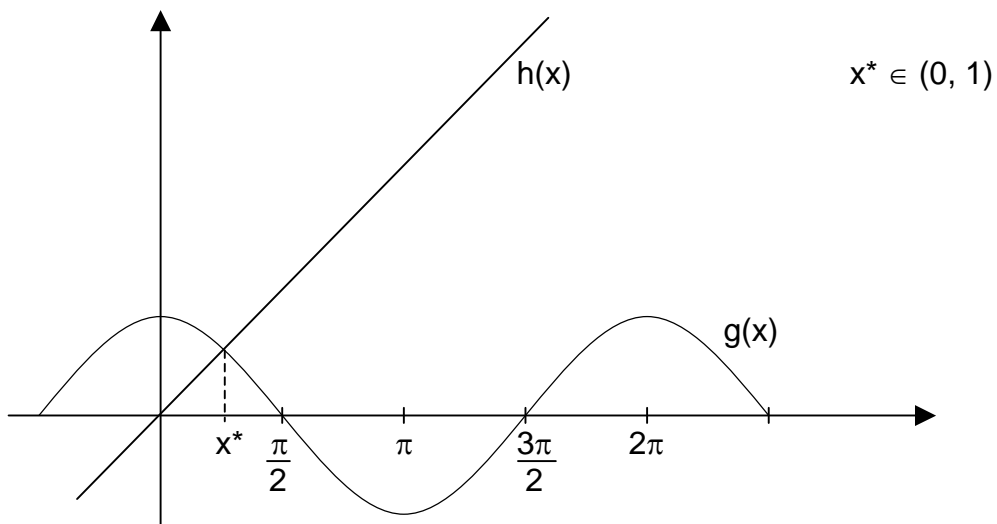
### Nullstellenbestimmung nach dem Bisektionsverfahren

Gesucht: Nullstelle der Funktion:  $f(x) = 2x - \cos x$

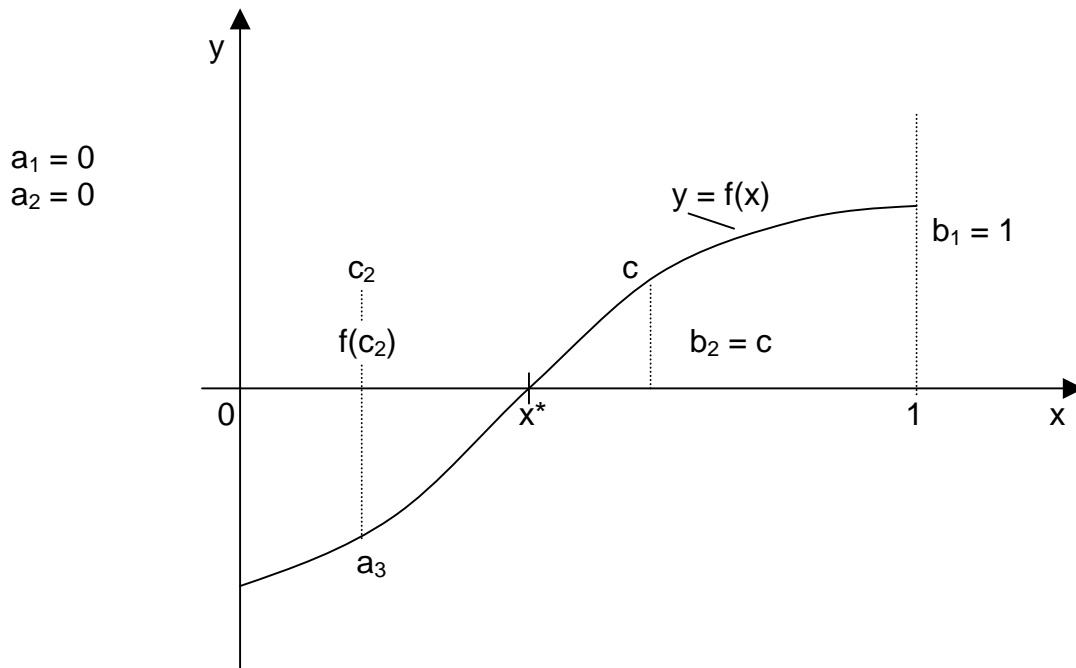
Frage: Hat die Funktion überhaupt eine Nullstelle?

$$f(x) = \underbrace{2x}_{h(x)} - \underbrace{\cos x}_{g(x)}$$

Geometrische Betrachtung:



$$\left. \begin{array}{l} f(0) = 2 \cdot 0 - \cos 0 = -1 < 0 \\ f(1) = 2 \cdot 1 - \cos 1 = 1,46 > 0 \end{array} \right\} f \text{ hat im Intervall mind. eine Nullstelle } x^*$$

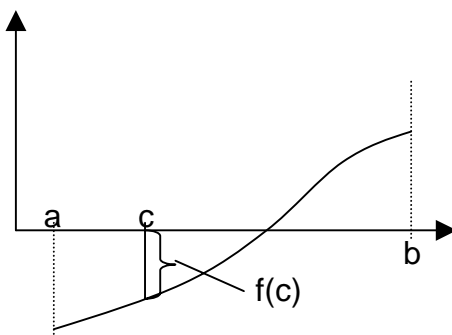
**Bisektionsverfahren:****Algorithmus:**

- 1) Wähle Intervallgrenzen  $a, b$
- 2) Halbiere das Intervall  $c = \frac{a+b}{2}$
- 3) Berechne  $f(c)$
- 4) Wenn  $f(c) > 0$ , dann  $b = c$   
Wenn  $f(c) < 0$ , dann  $a = c$
- 5) Wiederholung des Verfahrens ab 2) bis  $|a - b| < 10^{-5}$  oder  $f(c) < 10^{-5}$

Nr.	a	b	c	f(c)
1	0	1	0,5	0,12 > 0
2	0	0,5	0,25	-0,47 < 0
3	0,25	0,5	0,375	-0,18 < 0
4	0,375	0,5	0,4375	-0,03 < 0
...	...	...	...	...

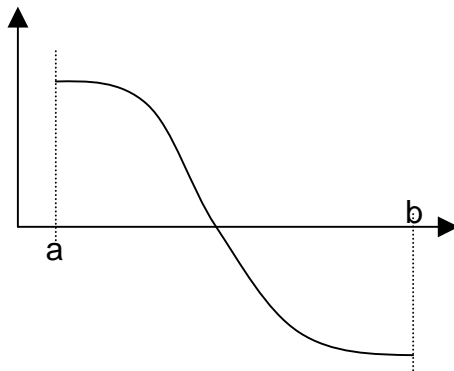
**Allgemeine Bedingung für das Bisektionsverfahren**

**1. Fall:**  $f(a) < 0$  und  $f(b) > 0$



Bedingung: Wenn  $f(c) > 0$ , dann  $b = c$ , sonst  $a = c$

**2. Fall:**  $f(a) > 0$  und  $f(b) < 0$



Bedingung: Wenn  $f(c) < 0$ , dann  $b = c$ , sonst  $a = c$

### Allgemeine Bedingung:

Wenn  $f(b) \cdot f(a) > 0$ , dann  $b = c$ , sonst  $a = c$ , d.h. Funktionswerte haben gleiches Vorzeichen;

oder: Wenn  $f(a) \cdot f(c) < 0$ , dann  $b = c$ , sonst  $a = c$ , d.h. Funktionswerte haben verschiedene Vorzeichen

### 5.4 Kontrollbefehle "break" und "continue"

- Die Kontrollbefehle "break" und "continue" können bei allen 3 Schleifentypen angewandt werden.
- "break": Schleife (als Ganzes) wird beendet.
- "continue": Rest der Anweisungen der Schleife werden übersprungen und die Schleife wird mit dem nächsten Durchgang weitergeführt.

**Beispiel:** Auswahl unter verschiedenen Programmen (Menüerstellung!)

```
#include <iostream.h>
int main()
{
char zeich;
while(1) =true (Schleife läuft immer)
{
cout<<"Wählen Sie: a, b; x = Ende:";
cin>>zeich;
if (zeich=='a')
{
cout<<"Programm a"<<endl;
continue;
}
if (zeich=='b')
{
cout<<"Programm b"<<endl;
continue;
}
}
```

```

if (zeich=='x')
{
break;
}
cout<<"Falsche Eingabe!"<<endl;
return 0;
}
}

```

## 6. Arrays (Felder)

- bisher nur Grunddatentypen
  - int (long)
  - float (double; long double)
  - char
  - (bool)
- jetzt: selbstdefinierte Datentypen

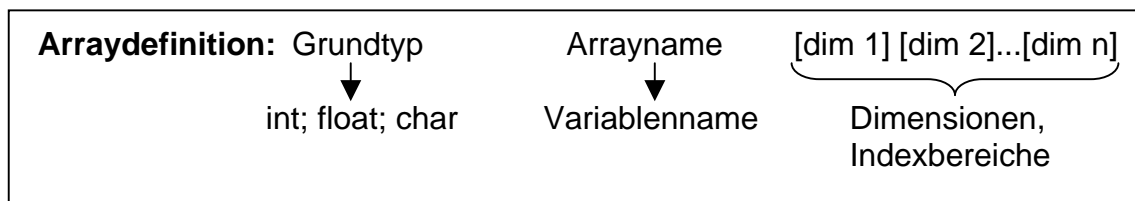
**Beispiele:** Vektor:  $\vec{a} = (1.0; 2.0; -1.5) \rightarrow \text{float } a[3]$

Matrix:  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 & 3 \\ 4 & 2 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 4 \end{pmatrix} \rightarrow \text{int } A[3][4]$

Spaltenzahl

↓

Zeilenzahl



### Bemerkungen:

- Die Dimensionen dim 1; dim 2; ...; dim n müssen natürliche Zahlen sein und mit festen Werten belegt sein (variable Dimensionierung bei der Definition nicht möglich)
- Zählweise der Indexbereiche:  $\text{float } a[3] \rightarrow a = (a_0, a_1, a_2)$

$$\text{int } A[3][4] \rightarrow A = \begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} & a_{02} & a_{03} \\ a_{10} & a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{20} & a_{21} & a_{22} & a_{23} \end{bmatrix}$$

- Indexzählung beginnt immer bei 0!
- Wertzuweisung der Arrays:

1. Möglichkeit: direkt bei der Definition der Variablen

z.B.  $\text{float } a[3] = \{1.0, -2.5, 3.14\};$

$\text{int } b[2][3] = \{\{4, 2, 1\}, \{3, -1, 0\}\};$

$$\left( b = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 3 & -1 & 0 \end{pmatrix} \right)$$



2. Möglichkeit: einzelne Wertzuweisungen im Programm

```
float a[3];           int b[2][3];
    ⋮                 b[0][0] = 4;
a[0] = 1.0;          b[0][1] = 2;
a[1] = -2.5;         ⋮
a[2] = 3.14;
```

## Ein- und Ausgabe von Arrays

**Regel:** Arrays können nur elementweise eingelesen und ausgegeben werden.

**Beispiel:** Schreiben Sie ein Programm, das einen Vektor der Länge 4 einliest, jedes Vektorelement mit 2 multipliziert und das Ergebnis ausgibt.

$$\vec{a} = (1,4,3,2) \xrightarrow{\cdot 2} \vec{b} = (2,8,6,4)$$

```
#include <iostream.h>
int main()
{
int a[4], b[4];
cout<<"Bitte Vektor eingeben!";
cin>>a[0]>>a[1]>>a[2]>>a[3];           Eingabe: 1 4 3 2
for (int i=0; i<=3; i++)
{
b[i]=2*a[i];
}
cout<<"Ergebnis: "<<b[0]<<" "<<b[1]<<" "<<b[2]<<" "<<b[3];
return 0;
}
```

- Wird auf ein Arrayelement ausserhalb des zulässigen Indexbereiches zugegriffen, so erfolgt weder beim Compilieren noch bei der Programmausführung eine Fehlermeldung.

**z.B.:** `int a[3];` → `a[3]` →  $(a_0, a_1, a_2)$

```

a[3] }
      } beliebige Speicherinhalte
a[4] }
```

$$\begin{array}{cccc}
2 & 4 & 3 & 6 \\
| & | & | & | \\
a_0 & a_1 & a_2 & a_3
\end{array}$$

Wenn `For(int i=1, i<=4, i++)` ⇒  $b_1 = 2a_1$   
 $b_2 = 2a_2$   
 $b_3 = 2a_3$

## Aufgaben zu den Arrays

### 1) Multiplikation einer Matrix mit einem Vektor

$$\underbrace{\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}}_A \underbrace{\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}}_{\vec{x}} = \begin{pmatrix} 1 \cdot 1 + 2 \cdot 0 + 1 \cdot 2 \\ 1 \cdot 1 + (-1) \cdot 0 + 0 \cdot 2 \\ 2 \cdot 1 + 1 \cdot 0 + 1 \cdot 2 \end{pmatrix} = \underbrace{\begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}}_{\vec{b}}$$

allgemein:

$$\begin{pmatrix} a_{00} & a_{01} & a_{02} \\ a_{10} & a_{11} & a_{12} \\ a_{20} & a_{21} & a_{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \end{pmatrix}$$

$$b_0 = a_{00} \cdot x_0 + a_{01} \cdot x_1 + a_{02} \cdot x_2$$

$$b_1 = a_{10} \cdot x_0 + a_{11} \cdot x_1 + a_{12} \cdot x_2$$

$$b_2 = a_{20} \cdot x_0 + a_{21} \cdot x_1 + a_{22} \cdot x_2$$

$$\text{allgemein: } b_i = a_{i0} \cdot x_0 + a_{i1} \cdot x_1 + a_{i2} \cdot x_2 = \sum_{j=0}^2 a_{ij} x_{ij}$$

```
#include <iostream.h>
int main()
{
int x[3], b[3];
int a[3][3]={{1,2,1}, {1,-1,0}, {2,1,1}};
cout<<"Bitte Vektor eingeben!";
cin>>x[0]>>x[1]>>x[2];
for (int i=0; i<=2; i++)
{
b[i]=0;
for (int j=0; j<=2; j++)
{
b[i]=b[i]+a[i][j]*x[j];
}
}
cout<<"Ergebnis: "<<b[0]<<" "<<b[1]<<" "<<b[2];
return 0;
}
```

## 2) Maximum einer Folge von Zahlen

Schreiben Sie ein Programm, das n Zahlen einliest, das Maximum dieser Zahlen bestimmt und ausgibt. Sei  $n = 5$

Idee: Speichere die Folge der 5 Zahlen als Vektor ab.  
Bestimme das Maximum mit Hilfe des Vektors.

```
#include <iostream.h>
int main()
{
int a[5], amax;
cout<<"Bitte 5 ganze Zahlen eingeben!";
cin>>a[0] >>a[1] >>a[2] >>a[3] >>a[4];
amax=a[0];
for (int i=1; i<=4; i++)
{
if (a[i]>amax)
{
amax=a[i];
}
}
cout<<"Maximum: "<<amax;
return 0;
}
```

## 7. Unterprogramme (Funktionen)

Unterprogramm = selbständige Programmeinheit, die eine Teilaufgabe ausführt.

Beispiel: Definieren Sie die Funktion  $y = f(x) = 3x^3 + 4x^2 - 7x + 1$  als Unterprogramm.

```
#include <iostream.h>
#include <math.h>
float poly(float x)
{
float erg;
erg = 3*pow(x, 3)+4*pow(x, 2)-7*x+1;
return erg;
}
int main()
{
float x, y;
cout<<"Bitte x eingeben: ";
cin>>x;
y=poly(x);
cout<<"Ergebnis: "<<y;
return 0;
}
```

## 7.1 Allgemeines Schema für Unterprogramme

```

Rückgabetyt      Funktionsname / (Parameterliste)
                  Unterprogrammname
{
  .....
return
}

```

### Bemerkungen:

1) Als Rückgabetyt sind die Standarddatentypen möglich:

- int, long
- float, double
- char
- (bool)

Zusätzlich kann void = neutral, leer als Rückgabetyt verwendet werden. In diesem Fall wird **kein** Wert zurückgegeben, return entfällt.

```

z.B.: void gruss()
      {
        cout<<"Hallo, wie geht's?";
      }

```

### Spezialfall: Hauptprogramm

- Hauptprogramm wird vom Betriebssystem auch als Unterprogramm angesehen.

```

→      int main()                oder                void main()
      {                               {
          .....                               .....
      return 0;                          kein Return!
      }                                   }

```

2) Die Parameterliste kann leer sein, einen oder mehrere Parameter enthalten. Auch bei leerer Parameterliste ist die runde Klammer zu setzen.

z.B.:  $u(x, y, z) = x^2 + y^2 + z^2$

```

float u (float x, float y, float z)
{
float erg;
erg=x*x+y*y+z*z; } return x*x+y*y+z*z
return erg;
}

```

↖ Einzelaufzählung mit Typ notwendig!

3) Unterprogramme können auch nach dem Hauptprogramm definiert werden.

```
float poly(float x) Ⓜ ← Deklaration des Unterprogramms
                    wichtig
```

```
int main()
{
return 0;
}
} Hauptprogramm
```

```
float poly(float x) ← Definition des Unterprogramms
{
float erg;
erg=3*pow(x, 3)+4*pow(x, 2)-7*x+1;
return erg;
}
```

### Weitere Beispiele:

1) Abschnittsweise definierte Funktionen

$$\text{Sei } f(x) = \begin{cases} e^x & \text{für } x < 0 \\ \cos(\pi/2 x) & \text{für } 0 \leq x < 1 \\ \ln x & \text{für } x \geq 1 \end{cases}$$

```
#include <iostream.h>
#include <math.h>
float abschnitt(float x)
{
float ergebn;
const float pi=3.1415927;
if (x<0)
{
ergebn=exp(x);
}
if ((x>=0)&&(x<=1))
{
ergebn=cos(pi/2*x);
}
if (x>=1)
{
ergebn=log(x);
}
return ergebn;
}
void main()
{
float x, y;
cout<<"Bitte x eingeben! ";
cin>>x;
y=abschnitt(x);
```

```
cout<<"Ergebnis: "<<y;
}
```

## 2) Fakultät einer natürlichen Zahl

$n \in \mathbb{N}$

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot \dots \cdot n$$

$$0! = 1$$

```
#include <iostream.h>
long fakul(int n);
void main()
{
int n;
long y;
do
{
cout<<"Bitte natürliche Zahl >= 0 eingeben!";
cin>>n;
}
while (n<0);
y=fakul(n);
cout<<"Ergebnis: "<<y;
}
long fakul(int n)
{
long ergeb;
if(n==0)
{
ergeb=1;
}
else
{
ergeb=1;
for(int i=1; i<=n; i++)
{
ergeb=ergeb*i;
}
}
return ergeb;
}
```

---

Nachtrag zur Kreiszahl  $\pi$ :  $\pi$  ist als Konstante unter dem Namen M\_PI in der Datei <math.h> verfügbar.

## 2.7 Werte und Variablenparameter

```
void f(int x, int y, float z,      int & u, int & v, double & w)
      {
      }
      }
```

Eingabeparameter
Rückgabeparameter

Eingabeparameter:  
(Werteparameter)

- ohne das Zeichen "&"
- vor dem Aufruf mit Werten zu besetzen
- **call by value**
- Wert wird auf die lokale Variable im Unterprogramm kopiert
- keine Rückwirkung auf die Variablen im aufrufenden Hauptprogramm

Rückgabeparameter:  
(Variablenparameter)

- mit dem Zeichen "&"
- beim Aufruf mit Variablen zu besetzen
- **call by reference**
- lokale Variable im Unterprogramm und Variable im aufrufenden Programm werden verknüpft
- Rückwirkung auf Variable im Hauptprogramm
- Rückgabe von mehreren Ergebniswerten

### Beispiele:

#### 1) Zeitumrechnung

Schreiben Sie ein Unterprogramm, das eine Zeiteingabe in Sekunden einliest und in Tage, Stunden, Minuten und Sekunden umwandelt.

z.B.:        124349 s / 60 = 2072 min **29s**  
               2072 min / 60 = 34 h     **32 min**  
               34 h / 24 = 1 d         **10 h**

```
/*Zeitumrechnung*/
#include <iostream.h>
#include <math.h>
void umrech(long zeit, long & tag, long & std, long & min, long & sec)
{
long rest;
sec=zeit%60;
rest=zeit/60;
min=rest%60;
rest=rest/60;
std=rest%24;
tag=rest/24;
}
int main()
{
long sekzeit;
long tg, s, m, sc;
```

```
cout<<"Geben Sie die Zeit in Sekunden an!";
cin>>sekzeit;
```

```
umrech((sekzeit, tg, s, m, sc); ← Reihenfolge wichtig!
```

```
cout<<"Tage:"<<tg<<endl;
cout<<"Stunden:"<<s<<endl;
cout<<"Minuten:"<<m<<endl;
cout<<"Sekunden:"<<sc<<endl;
return 0;
}
```

## 2) Vertauschen zweier Zahlen

Schreiben Sie ein Unterprogramm, das 2 reelle Zahlen vertauscht!

```
/*Zahlentausch*/
#include <iostream.h>
void tausch(float & x, float & y)
{
float ablage;
ablage=x;
x=y;
y=ablage;
}
void main()
{
float a, b;
cout<<"Geben Sie zwei Zahlen ein!";
cin>>a>>b;
tausch(a, b);
cout<<"Ergebnis: "<<a<<" "<<b;
}
```

Tauschen ohne Ablage:

```
void tausch(float & x, float & y)
{
x=x+y;
y=x-y;
x=x-y;
}
```

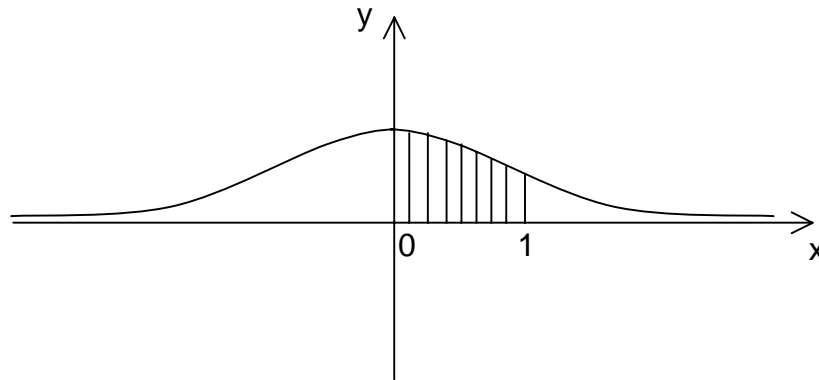
oder:

```
void tausch(float & x, float & y)
{
x=x*y;
y=x/y;
x=x/y;
}
```

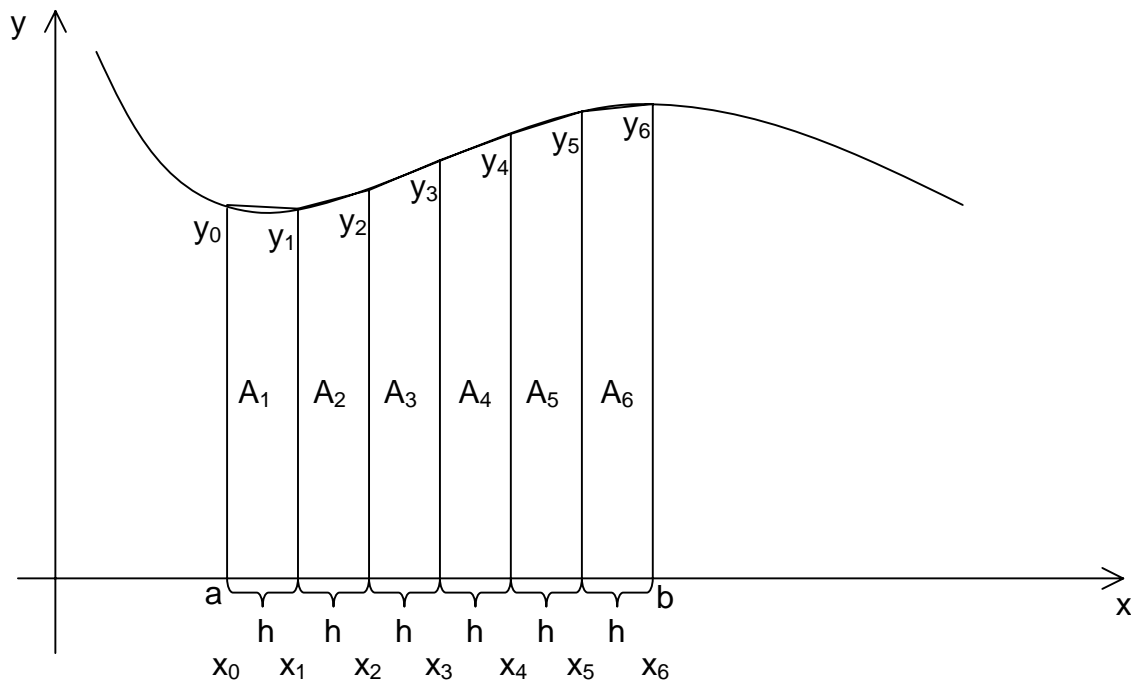


### 3) Integration (Trapezregel)

Aufgabe: Berechnen Sie das bestimmte Integral  $\int_a^b f(x)dx$ , z.B.  $\int_0^1 e^{-x^2} dx$  ist nur numerisch lösbar.



Trapezformel: Sei  $f(x) \geq 0$  für alle  $x \in \mathbb{R}$



Zerlege das Integrationsintervall  $[a, b]$  in  $n$  Teilintervalle mit der Länge  $h$ :

$$h = \frac{b-a}{n}$$

Stützstellen:  $x_i = a + i \cdot h$  ( $i = 0, 1, 2, 3, \dots, n$ )

Funktionswert:  $y_i = f(x_i) = f(a + i \cdot h)$

speziell:  $y_0 = f(a)$   $y_n = f(b)$

**Teilflächen / Trapez:**

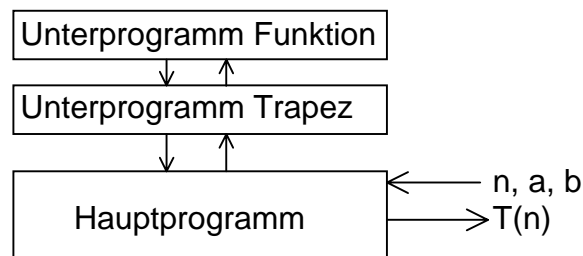
$$A_1 = h \cdot \frac{y_0 + y_1}{2}$$

$$A_2 = h \cdot \frac{y_1 + y_2}{2}$$

$$A_{n-1} = h \cdot \frac{y_{n-2} + y_{n-1}}{2}$$

$$A_n = h \cdot \frac{y_{n-1} + y_n}{2}$$

$$\text{damit } \int_a^b f(x) dx \approx \frac{h}{2} \left( y_0 + y_n + 2 \cdot \sum_{i=1}^{n-1} y_i \right) = \frac{h}{2} \left( f(a) + f(b) + 2 \cdot \sum_{i=1}^{n-1} f(a + i \cdot h) \right)$$

**Programmstruktur:****Zur Erinnerung:** Werte- und Variablenparameter

```
void f ( int x, float y,          float & z, float & u )
```

Eingabeparameter

- Werte
- call by value

Ausgabeparameter

- Variable
- call by reference

**Spezialfall:** Arrays als Parameter

- **Arrays werden immer automatisch als Variablenparameter behandelt (kein "&" – Zeichen setzen)**

**Beispiel:** Schreiben Sie ein Unterprogramm, das die Determinante einer 2x2 Matrix berechnet und die transponierte Matrix zurückgibt.

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} \rightarrow \det A = a_{11} \cdot a_{22} - a_{12} \cdot a_{21} \quad (= a_{00} \cdot a_{11} - a_{01} \cdot a_{10})$$

$$A^T = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} \\ a_{12} & a_{22} \end{bmatrix}$$

*hier kein "&", obwohl Rückgabeparameter*

```

#include <iostream.h>
void dettrans(int a[2][2], int &det, int at[2][2])
{
    det=a[0][0]*a[1][1]-a[1][0]*a[0][1];
    at[0][0]=a[0][0];
    at[1][0]=a[0][1];
    at[0][1]=a[1][0];
    at[1][1]=a[1][1];
}

int main()
{
    int a[2][2];
    int d;
    int b[2][2];
    for (int i=0; i<=1; i++)
    {
        cout<<"Geben Sie die "<<i+1<<"-te Zeile ein!";
        cin>>a[i][0]>>a[i][1];
    }
    dettrans(a, d, b);
    cout<<"Determinante der Matrix: "<<d<<endl;
    cout<<"Transponierte Matrix: "<<endl;
    for (i=0; i<=1; i++)
    {
        cout<<b[i][0]<<" "<<b[i][1]<<endl;
    }
    return 0;
}

```

## 7.2 Rekursion

bisher:

- Hauptprogramm ruft Unterprogramm auf
- Ein Unterprogramm ruft ein anderes Unterprogramm auf

**Rekursion:** Ruft ein Unterprogramm sich selbst auf, so spricht man von **Rekursion**.

**Beispiel:** Berechnen der Fakultät

$$n \in \mathbb{N}: n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot \dots \cdot n$$

speziell  $0! = 1$

(siehe frühere iterative Lösung bei der For-Schleife)

Rekursionsvorschrift:  $n! = n \cdot (n - 1)!$

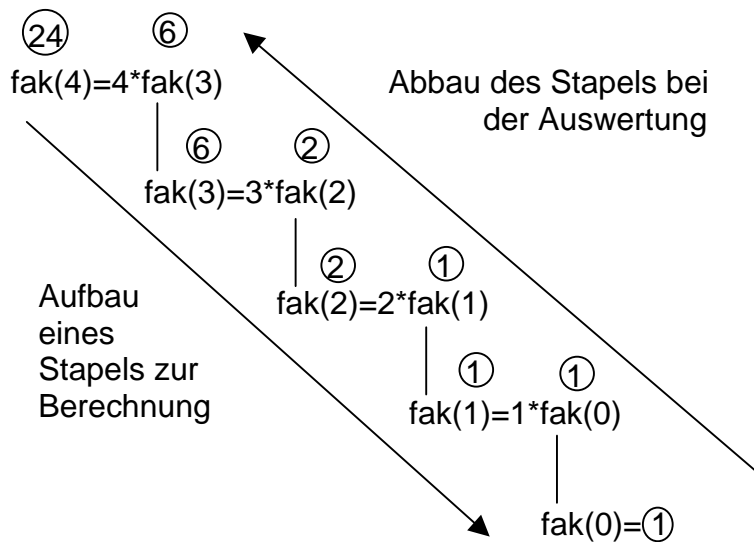
```

#include <iostream.h>
long fak(long n)
{
long erg;
if (n==0)
{
erg=1;
}
else
{
erg=n*fak(n-1);
}
return erg;
}
int main()
{
long n, ergeb;
cout<<"Bitte natürliche Zahl eingeben!";
cin>>n;
ergeb=fak(n);
cout<<"Ergebnis ist: "<<ergeb;
return 0;
}

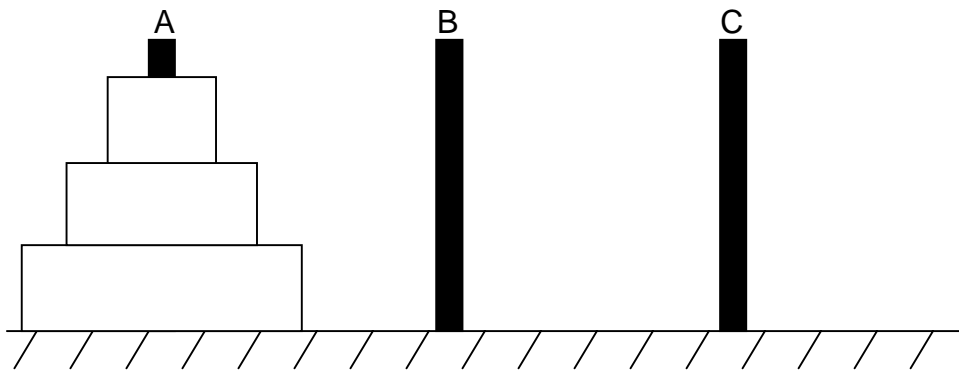
```

### Berechnungsbeispiel:

n = 4



## Türme von Hanoi



Auf Platz A sind  $n$  Scheiben der Größe nach gestapelt. Sie sollen auf Platz C mit Hilfe von Platz B umgestapelt werden, wobei

- 1) immer nur eine Scheibe bewegt werden darf.
- 2) nie eine größere über einer kleineren Scheibe liegen darf.

### Beispiele:

$n = 1$ :  $A \rightarrow C$  } 1 Aktion

$n = 2$ :  $A \rightarrow B$   
 $A \rightarrow C$  } 3 Aktionen  
 $B \rightarrow C$

$n = 3$ :  $A \rightarrow C$   
 $A \rightarrow B$   
 $C \rightarrow B$   
 $A \rightarrow C$  } 7 Aktionen  
 $B \rightarrow A$   
 $B \rightarrow C$   
 $A \rightarrow C$

allgemein: Anzahl der Bewegungen:  $2^n - 1$

### Rekursionsverfahren:

Annahme: Problem ist für  $(n-1)$  Scheiben gelöst.

- 1) Bringe die (oberen)  $(n-1)$  Scheiben von A nach B mit Hilfe von C.
- 2) Bewege die unterste Scheibe von A nach C.
- 3) Bringe die (oberen)  $(n-1)$  Scheiben von B nach C mit Hilfe von A.

```

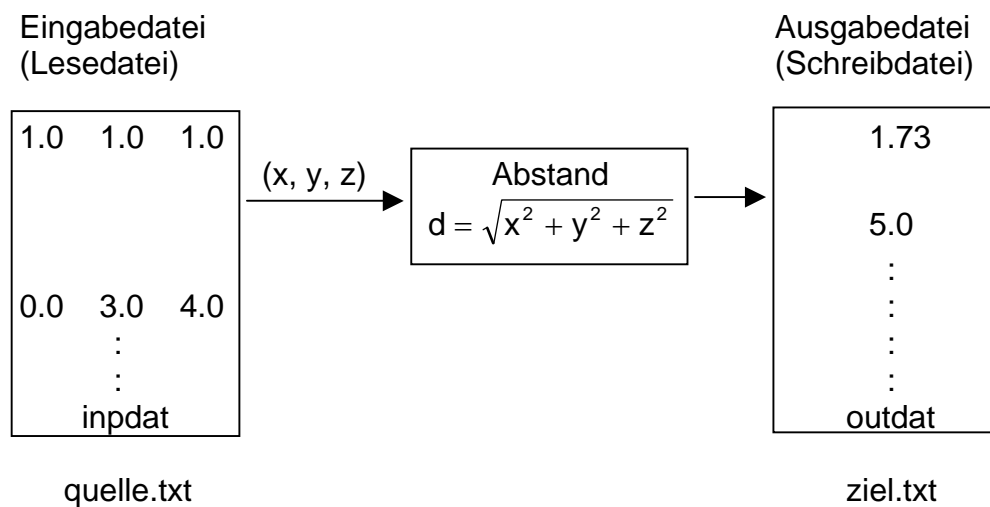
#include <iostream.h>
void bewegen(int n, char start, char ziel, char zwischen)
{
if (n==1)
{
cout<<"Bewege Scheibe von "<<start<<" nach "<<ziel<<endl;
}
else
{
bewegen(n-1, start, zwischen, ziel);
cout<<"Bewege Scheibe von "<<start<<" nach "<<ziel<<endl;
bewegen(n-1, zwischen, ziel, start);
}
}

int main()
{
int n;
cout<<"Geben Sie die Anzahl der Scheiben ein!";
cin>>n;
bewegen(n, 'A', 'C', 'B');
return 0;
}

```

## 8. Ein- und Ausgabe über Dateien

**Aufgabe:** Schreiben Sie ein Programm, das die Koordinaten (x, y, z) von n Punkten aus einer Datei liest, deren Abstände zum Ursprung berechnet und in einer Datei ablegt.



```

/*Dateientest*/
#include<fstream.h>
#include<math.h>
int main()
{
const int n=4;
ifstream inpdat; //beliebige Namen
ofstream outdat;
float x, y, z, d;
inpdat.open("quelle.txt");
outdat.open("ziel.txt");
if(!inpdat)
{
cout<<"Lesedatei nicht vorhanden!";
return 1;
}
else
{
for(int i=1; i<=n; i++)
{
inpdat>>x>>y>>z; //Lesen aus Datei inpdat
d=sqrt(x*x+y*y+z*z);
outdat<<d<<endl; //Schreiben auf Datei outdat
}
inpdat.close();
outdat.close();
return 0;
}
}

```

## Bemerkungen

### 1) Headerdatei <fstream.h>

- enthält alle notwendigen Definitionen und Funktionen für die Ein- / Ausgabe über Dateien
- muss zu Beginn des Programms eingebunden werden
- umfasst auch die Headerdatei <iostream.h>, die nicht mehr zusätzlich eingebunden werden muss

### 2) Dateitypen

- Eingabedateien sind vom Typ ifstream (input-file-stream)
- Ausgabedateien sind vom Typ ofstream (output-file-stream)

### 3) Interne und externe Dateinamen

interner Dateiname (z.B. inpdat, outdat):

- nur im vorliegenden Programm benutzt und bekannt
- im Programm wird Datei nur über den internen Namen angesprochen
- Name kann beliebig gewählt werden

externer Dateiname:

- Name der physikalischen Datei auf Betriebssystemebene
- umfasst – wenn notwendig – die gesamte Pfadstruktur, z.B.  
C:\windows\daten\quelle.txt

#### 4) Öffnen der Dateien

"interner Dateiname".**open**("externer Dateiname");

- Jede Datei, von der gelesen bzw. auf die geschrieben wird, muss geöffnet werden.
- Open-Befehl verknüpft internen mit externem Dateinamen.
- Existieren die externen Dateien nicht, so gibt es keine "automatischen" Fehlermeldungen. → zusätzliche Abfrage im Programm **if(!inpdatt)**...
- Existiert eine Ausgabedatei nicht, so wird sie vom System automatisch angelegt.

#### 5) Schließen von Dateien

"interner Dateiname".**close**();

- Am Programmende werden alle Dateien automatisch geschlossen. (close ist nicht unbedingt notwendig)
- Vorteil des expliziten Schließens: Daten werden sofort abgespeichert und können bei nachfolgendem Programmabsturz nicht verlorengehen.

#### 6) Datenein- und ausgabe

- Eingabe: "interner Dateiname">>zahl (≡ cin>>...)
- Ausgabe: "interner Dateiname"<<zahl (≡ cout<<...)

#### 7) Erzeugen der Textdateien

- Öffne im Programmeditor neue Datei.
- Trage Daten ein und speichere Datei unter dem externen Dateinamen.
- Dateien können auch mit beliebigem Textsystem erzeugt werden.